

复旦大学管理学院

2007 – 2008学年第一学期期末考试试卷

A卷 B卷

课程名称：概率论

课程代码：269.032.1

开课院系：管理学院

考试形式：闭卷

姓名 _____ 学号 _____ 专业 _____

题号	一	二	三	四	五	六	总分
得分							

(本试卷答卷时间为120分钟，答案必须写在试卷上，做在草稿纸上无效)

————— 共 6 页 —————

一 填充题 (共24分, 每空4分)

1. 设随机事件 A, B 互不相容, 则 $P(\bar{A}|B) = \underline{\hspace{2cm}}$ 。
2. 设二维随机向量 (X, Y) 服从二维正态分布 $N(1, 1, 1, 4, -0.2)$, 则 $D[2X - 3Y] = \underline{\hspace{2cm}}$ 。
3. 设事件 \bar{A}, \bar{B} 相互独立, 且 A 与 B 互不相容, 则 $P(A)P(B) = \underline{\hspace{2cm}}$ 。
4. 设 $\{X_n, n \geq 1\}$ 是相互独立、同分布的随机变量序列, 且 $EX_1 = 1, DX_1 = 1$ 。
则 $\lim_{n \rightarrow \infty} P(\frac{1}{\sqrt{n}} \sum_{i=1}^n X_i > \sqrt{n}) = \underline{\hspace{2cm}}$ 。
5. 设 X 是任意随机变量, 且其方差 DX 有限, 则 $P(|X - EX| > 3\sqrt{DX}) \leq \underline{\hspace{2cm}}$ 。
6. 设随机变量 X 服从 $t(m)$ 分布, 则随机变量 $Y = X^2$ 服从 $\underline{\hspace{2cm}}$ 分布。

(装订线内不要答题)

二 (12分) 掷三颗子, 求所得的三个点数中最大的一个恰好是最小的一个的两倍的概率。

三 (24分) 设 X, Y 是独立、同分布的随机变量, 同服从 $(0, 1)$ 上的均匀分布。

(i) 求 $U = X/Y$ 的分布密度与分布函数;

(ii) 求随机变量 U 的均值 EU 和方差 DU 。

(装订线内不要答题)

四 (16分) 设随机向量 (X_1, X_2, X_3) 满足:

$$aX_1 + bX_2 + cX_3 = 0$$

$$EX_1 = EX_2 = EX_3 = d$$

$$DX_1 = DX_2 = DX_3 = \sigma^2$$

其中 a, b, c, d, σ^2 均为常数, 求相关系数 $\rho_{X_1, X_2}, \rho_{X_2, X_3}, \rho_{X_1, X_3}$ 。

五 (24分) 设 $\{X_k\}$ 为独立、同分布的随机变量序列, X_k 服从参数为1的泊松分布,

令: $S_n = \sum_{i=1}^n X_i$.

(i) 求: S_n 的分布列;

(ii) 证明: $\frac{1}{\sqrt{n}}[\sum_{k=1}^n X_k - n]$, 当 $n \rightarrow \infty$ 时, 渐近标准正态分布。

(装订线内不要答题)

六 (20分) (注: 该题缓考的同学做, 补考的同学不需要做)

设二维随机向量 (X, Y) 服从二维正态分布 $N(0, 0, 1, 1, r)$ 。证明:

(i) $E[\max(X^2, Y^2)] \leq 1 + \sqrt{1 - r^2}$

(ii) $P(|X| < \epsilon | Y| < \epsilon) \geq 1 - \frac{1 + \sqrt{1 - r^2}}{\epsilon^2}$ 。